

**Gramatyką** nazywamy czwórkę  $G = \langle V, T, P, S \rangle$ , gdzie

- $V$  - zbiór symboli terminalnych - skończony, niepusty zbiór symboli końcowych, z których budowane są słowa generowane przez gramatykę (zwanym czasem alfabetem końcowym),
- $T$  - zbiór symboli nieterminalnych - skończony, niepusty zbiór symboli pomocniczych,
- $P$  - lista produkcji - reguły gramatyki,
- $S$  - symbol startowy (aksjomat) - jest to wyróżniony symbol pomocniczy, z niego wyprowadzane są wszystkie generowane przez gramatykę  $G$  napisy.

Przykład:  $G = \{V, T, P, S\}$

$V = \{0, 1\}$ ,

$T = \{\langle \text{liczba\_binarna} \rangle, \langle \text{cyfra} \rangle\}$ ,

$P = \{\langle \text{liczba\_binarna} \rangle ::= \langle \text{liczba\_binarna} \rangle \langle \text{cyfra} \rangle;$

$\langle \text{liczba\_binarna} \rangle ::= \langle \text{cyfra} \rangle ;$

$\langle \text{cyfra} \rangle ::= 0|1\}$ ,

$S = \langle \text{liczba\_binarna} \rangle$ .

**Funkcja asymptotycznie niewieksza** od funkcji  $g(n)$  to taka funkcja  $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}$ , dla której istnieją  $c > 0$  i  $n_0 \in \mathbb{N}$ , że  $|f(n)| \leq c \cdot |g(n)|$  dla wszystkich  $n \geq n_0$ .

Będziemy też często mówić, że  $|f(n)| \leq c \cdot |g(n)|$  zachodzi dla prawie wszystkich liczb naturalnych  $n$ . Zbiór funkcji asymptotycznie niewiekszych niż  $g(n)$  oznaczamy przez  $O(g(n))$ .

**Funkcja asymptotycznie niemniejsza** od funkcji  $g(n)$  to taka funkcja  $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}$ , dla której istnieją  $c > 0$  i  $n_0 \in \mathbb{N}$ , że  $c \cdot |g(n)| \leq |f(n)|$  dla wszystkich  $n \geq n_0$ .

Zbiór funkcji asymptotycznie niemniejszych niż  $g(n)$  oznaczamy przez  $\Omega(g(n))$ .

**Funkcja asymptotycznie podobna** do funkcji  $g(n)$  to taka funkcja  $f : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}$ , dla której istnieją  $c_0, c_1 > 0$  i  $n_0 \in \mathbb{N}$ , że  $c_0 \cdot |g(n)| \leq |f(n)| \leq c_1 \cdot |g(n)|$  dla wszystkich  $n \geq n_0$ .

Zbiór funkcji asymptotycznie podobnych do  $g(n)$  oznaczamy przez  $\Theta(g(n))$ . A zatem  $\Theta(g(n)) = O(g(n)) \cap \Omega(g(n))$ .

Przykłady np.  $\log n \in O(n)$ ,  $n^2 \in \Omega(n)$ ,  $n \in O(n)$ ,  $n \in \Omega(n)$ ,  $n \in \Theta(n)$ ,  $20n \in \Theta(n)$ .